



Fakultet elektrotehnike, strojarstva i brodogradnje

Studij računarstva

## Fizika 1

Auditorne vježbe 12

Toplina i temperatura.

Promjena agregatnog stanja.

Ivica Sorić  
(Ivica.Soric@fesb.hr)

# Ponavljanje

- ◆ Pri zagrijavanju i hlađenju primljena odnosno predana toplina, izražena u džulima, jest

$$Q = mc \Delta T$$

gdje je:

$c$  - specifični toplinski kapacitet,

$m$  - masa tijela,

$\Delta T$  - promjena temperature u kelvinima.

## Primjer 1

- ◆ Električni grijач predaje toplinu snagom od 1,8 kW spremniku vode. Koliko vremena je potrebno da se 200 kg vode temperature  $10^{\circ}\text{C}$  zagrije do temperature  $70^{\circ}\text{C}$ ? Specifični toplinski kapacitet vode iznosi  $4\,186\text{ J/(kg K)}$ .
- ◆ Rezultat:  $\Delta t = 7\text{ h }45\text{ min.}$

## Primjer 2

- ◆ Olovni metak mase  $m$  ispucan je brzinom od  $500 \text{ m/s}$  i prolazi kroz drveni blok. Brzina na izlazu iz bloka mu je  $300 \text{ m/s}$ . Prepostavljajući da se  $40\%$  promjene kinetičke energije metka pretvori u toplinu predanu metku, izračunajte porast temperature metka. Specifični toplinski kapacitet olova iznosi  $130 \text{ J/(kg K)}$ .
- ◆ Rezultat:  $\Delta t = 246 \text{ }^{\circ}\text{C}$  ( $\Delta T = 246 \text{ K}$ ) .

## Primjer 3

- ◆ Bakrena šalica mase 0,1 kg i početne temperature  $20^{\circ}\text{C}$  napunjena je s 0,2 kg vode početne temperature  $70^{\circ}\text{C}$ .
  - Kolika je temperatura sustava šalica-voda nakon što se uspostavi toplinska ravnoteža? Toplinski kapacitet vode je  $4186 \text{ J}/(\text{kgK})$ , a bakra  $385 \text{ J}/(\text{kgK})$ .
  - Kolika bi bila temperatura sustava u termičkoj ravnoteži ako bi vodu umjesto u bakrenu, ulili u keramičku šalicu mase 0,3 kg, iste temperature? Toplinski kapacitet keramike je  $3,5 \text{ kJ}/(\text{kgK})$ .

◆ Rezultat: a)  $t=67.8^{\circ}\text{C}$ , b)  $t=42.2^{\circ}\text{C}$

# Ponavljanje

- ◆ Pri taljenju (očvršćivanju) temperatura tališta ostaje nepromijenjena sve dok se sva tvar ne rastali.
- ◆ **Toplina taljenja**, odnosno **očvršćivanja**, je  $Q = mL_t$ , gdje je  $m$  masa tijela, a  $L_t$  specifična (latentna) toplina taljenja.
- ◆ **Toplina isparavanja**, odnosno **kondenzacije**, je  $Q = mL_i$ , gdje je  $L_i$  specifična (latentna) toplina isparavanja.
- ◆ Pri izgaranju goriva oslobađa se toplina izgaranja  $Q = mL_g$ , gdje je  $L_g$  specifična toplina izgaranja.

## Primjer 1

- ◆ Promatra se zagrijavanje 1 kg leda od  $-10^{\circ}\text{C}$ . Potrebnu toplinu dovodimo konstantnom snagom 330 W sve dok voda nastala iz leda potpuno ne ispari pri tlaku od 1 atm.  
Kolika je potrebna ukupna toplina i koliko dugo traje taj proces?  
Specifični toplinski kapacitet leda je 2302 J/(kgK), specifični toplinski kapacitet vode iznosi 4186 J/(kgK), latentna toplina taljenja je 333 kJ/kg, a isparavanja iznosi 2260 kJ/kg.
  
- ◆ Rezultat:  $Q = 3,03 \text{ MJ}$ ,  $\Delta t = 153 \text{ min.}$

## Primjer 2

- ◆ Koliko leda temperature  $-20\text{ }^{\circ}\text{C}$  treba ubaciti u  $0,25\text{ kg}$  vode s početnom temperaturom od  $20\text{ }^{\circ}\text{C}$ , da bi konačna temperatura bila  $0\text{ }^{\circ}\text{C}$ , i sav led otopljen.  
Specifični toplinski kapacitet vode iznosi  $4186\text{ J/(kgK)}$ , dok je specifični toplinski kapacitet leda  $2302\text{ J/(kgK)}$ . Latentna toplina taljenja leda je  $333\text{ kJ/kg}$ . Zanemarite toplinski kapacitet posude.
- ◆ Rezultat:  $m = 55\text{ g}$

## Primjer 3

- ◆ U litru vode, temperature  $29^{\circ}\text{C}$  i gustoće  $996 \text{ kg/m}^3$ , ubacimo 10 kockica leda volumena  $8 \text{ cm}^3$ , temperature  $-8^{\circ}\text{C}$  i gustoće  $917 \text{ kg/m}^3$ . Koliko će biti masa, volumen i temperatura vode u posudi, nakon što se uspostavi termička ravnoteža?

Specifični toplinski kapacitet vode iznosi  $4186 \text{ J/(kgK)}$ , dok je specifični toplinski kapacitet leda  $2302 \text{ J/(kgK)}$ . Latentna toplina taljenja leda je  $333 \text{ kJ/kg}$ . Zanemarite toplinski kapacitet posude.

- ◆ Rezultat:  $m=1,069 \text{ kg}$ ,  $t=21,3^{\circ}\text{C}$ ,  $V\approx1,071 \text{ litra}$
- ◆ Napomena: Gustoća vode na temperaturi  $21,3^{\circ}\text{C}$  je  $\approx998,4 \text{ kg/m}^3$

# Zadaci za vježbu

- ◆ P. Kulišić i ostali: *Riješeni zadaci iz mehanike i topline*, Poglavlje 12
  - Primjeri: 12.2., 12.4.
  - Zadaci: 12.2., 12.3., 12.5.