

3. Derivacije i primjene - 4. dio

1. Odredite područje definicije, nultočke, asimptote, lokalne ekstreme, intervale monotonosti, te skicirajte graf funkcije. Infleksije i intervale zakrivljenosti računajte samo u naznačenim zadacima.

(a) $f(x) = \frac{x-1}{x+2}$ (infleksije);

(b) $f(x) = e^{\frac{x^2-1}{x^2-4}}$;

(c) $f(x) = x^{\frac{1}{x}}$;

(d) $f(x) = x \frac{1 + \ln x}{1 - \ln x}$ (infleksije);

(e) $f(x) = \frac{2x^3}{x^2 - 4}$ (infleksije);

(f) $f(x) = |e^{\frac{1}{x}} - ex|$ (infleksije).

2. Odredite područje definicije, nultočke, asimptote, lokalne ekstreme, intervale monotonosti, te skicirajte graf funkcije. Infleksije i intervale zakrivljenosti računajte samo u naznačenim zadacima.

(a) $f(x) = x + 1 - \frac{2}{x}$ (infleksije);

(b) $f(x) = \ln \left(1 + \frac{2}{x^2 + x - 2} \right)$;

(c) $f(x) = x - 2 \ln \left(1 - \frac{1}{x} \right)$;

(d) $f(x) = \frac{\ln x}{\sqrt{x}}$;

(e) $f(x) = \frac{7}{x^2 + 3} - 1$ (infleksije);

(f) $f(x) = \frac{\sqrt{x^2 - 3x - 4}}{2x + 4}$.